

## Übungsaufgaben zur Repetition der Gleichungslehre

1.  $\frac{2x-1}{x-3} = \frac{5x-10}{x-3}$   $x = 3$  ist keine Lösung (mit  $(x-3)$  mult.)
2. Berechne die Koordinaten der Schnittp.  $x^3 - 2x = x(x^2 - 2) = 0$   
 der Kurve  $y = x^3 - x$  mit der 1. Winkelh.  $x^3 - x = x, x = 0, x = \pm\sqrt{2}$
3. Bestimme alle reellen Lösungen der Gleichung  $x(x^2 + 4)(x^2 - 25) = 0$   $x = 0, x = \pm 5$
4.  $x^2 = 5x$   $x \cdot (x - 5) = 0 \quad x = 0, x = 5$
5.  $x^4 = x^2 + 6$   $x^2 = z \quad z^2 - z - 6 = 0$   
 $(z-3)(z+2) = 0 \quad z = x^2 = 3 \quad x = \pm\sqrt{3}$
6.  $x^2 - 2x - 2 = 0$  quadr. Aufl.formel  $z = 1 \pm \sqrt{3}$
7.  $x - 2\sqrt{x} = 0$  ausklammern  $x_1 = 0, x_2 = 4$
8. a)  $x^3 = a^2$  b)  $x^3 = \frac{1}{a^2}$  a)  $x = a^{\frac{2}{3}}$  b)  $x = a^{-\frac{2}{3}}$
9.  $3^x = 5$  logarithmieren  $x \cdot \ln 3 = \ln 5 \quad x = \frac{\ln 5}{\ln 3}$
10.  $e^{2x} = 5$   $2x = \ln 5 \quad x = \frac{1}{2} \ln 5 = \ln \sqrt{5}$
11.  $\ln(2x) = -1$   $2x = e^{-1} \quad x = \frac{1}{2e}$
12.  $\log_{10}(x+4) = \log_{10} x + \log_{10} 4$   $x+4 = 4x \quad x = \frac{4}{3}$
13.  $\cos(2x) = -1 \quad 0 \leq x \leq 2\pi$   $2x = \pi + k \cdot 2\pi = (2k+1) \cdot \pi \quad x = (2k+1) \cdot \frac{\pi}{2}$
14. a) Grafische Lösung des Systems  $\begin{cases} 2x - 3y = 0 \\ x + 2y = 14 \end{cases}$  a)  $x = 6, y = 4$ ,
- b) 2 der 3 Koeffizienten der 1. Gleichung sind so zu ändern, dass das Gleichungssystem b1) keine b2) unendlich viele Lösungen hat. Geometrische Interpretation der drei Fälle?  
 b1)  $2x + 4y = a \ (a \neq 28)$ , b2) b1) mit  $a = 28$ .
15.  $\begin{cases} 2x + y = 19 \\ x + 2z = 1 \\ 2y + z = 25 \end{cases}$   $x = 3, y = 13, z = -1$  (Additionsverfahren)
16.  $\cos(2x) = \sin x$   $\cos^2 x - \sin^2 x = \sin x$   
 wegen  $\cos^2 x = 1 - \sin^2 x$  ergibt sich die quadratische Gleichung  $2\sin^2 x + \sin x - 1 = 0$  mit den  
 Lösungen  $\sin x = -1$  bzw.  $\sin x = \frac{1}{2}$  und daraus  $x = \frac{3\pi}{2} \quad x = \frac{\pi}{6} \quad x = \frac{5\pi}{6}$